

# Semestrální zkouška ISS, 6.1.2012, skupina B

Login: ..... Příjmení a jméno: ..... Podpis: .....  
(čitelně!)

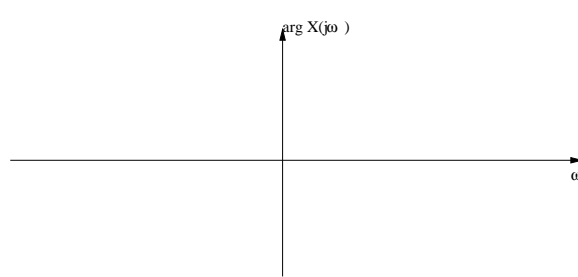
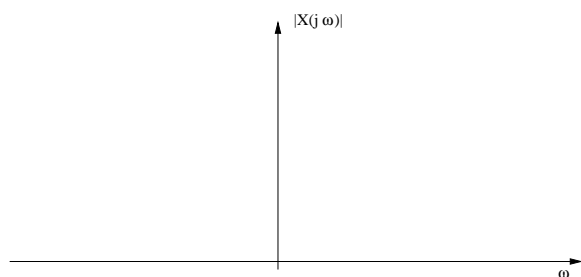
**Příklad 1** Signál je periodický sled obdélníkových impulsů o periodě  $T_1$ , jejichž délka je  $\vartheta = \frac{T_1}{6}$ . Určete, které koeficienty jeho Fourierovy řady  $c_k$  budou nulové.

.....

**Příklad 2** Napište signál odpovídající Fourierově řadě s jediným nenulovým koeficientem:  $c_{-1} = 4e^{j\frac{\pi}{4}}$

$x(t) = \dots\dots\dots$

**Příklad 3** Nakreslete modul a argument spektrální funkce posunutého Diracova impulsu:  $x(t) = \delta(t-1)$



**Příklad 4** Systém se spojitým časem je popsán přenosovou funkcí  $H(s) = \frac{1}{s+1}$ . Nakreslete přibližný průběh modulu jeho frekvenční charakteristiky  $H(j\omega)$  pro kladné kruhové frekvence  $\omega$ , přesně jej určete pro  $\omega = 0$ .

výsledek

**Příklad 5** Spektrální funkce signálu  $x(t)$  se spojitým časem má tvar obdélníka:

$$X(j\omega) = \begin{cases} 4 & \text{pro } \omega \in [-1 \text{ rad/s}, 1 \text{ rad/s}] \\ 0 & \text{jinde} \end{cases} \quad \text{Vzorkovací frekvence je } F_s = 20 \text{ Hz.}$$

Určete hodnotu spektrální funkce  $X_s(j\omega)$  ideálně navzorkovaného signálu  $x_s(t)$  pro kruhovou frekvenci:  $\omega = 40.1\pi \text{ rad/s}$

$X_s(j\omega) =$

**Příklad 6** Jsou dány dvě cosinusovky s diskretním časem:  $x_1[n] = \cos(\frac{2\pi}{32}n)$  a  $x_2[n] = \cos(\frac{2\pi}{8}n)$ . Určete hodnotu 16tého vzorku signálu, který vznikl vynásobením těchto cosinusovek:  $y[n] = x_1[n]x_2[n]$ .

$y[16] = \dots\dots\dots$

**Příklad 7** Jsou dány dva diskretní signály délky  $N = 5$ :

n	0	1	2	3	4
$x_1[n]$	4	4	0	0	0
$x_2[n]$	1	2	0	0	0

Určete hodnotu jejich periodické konvoluce  $y[n] = x_1[n] \tilde{*} x_2[n]$  pro  $n = 9$ .

$y[9] = \dots\dots\dots$

**Příklad 8** Napište funkci v C implementující číslicový filtr s přenosovou funkcí  $H(z) = \frac{1}{1-0.5z^{-1}+0.2z^{-2}}$

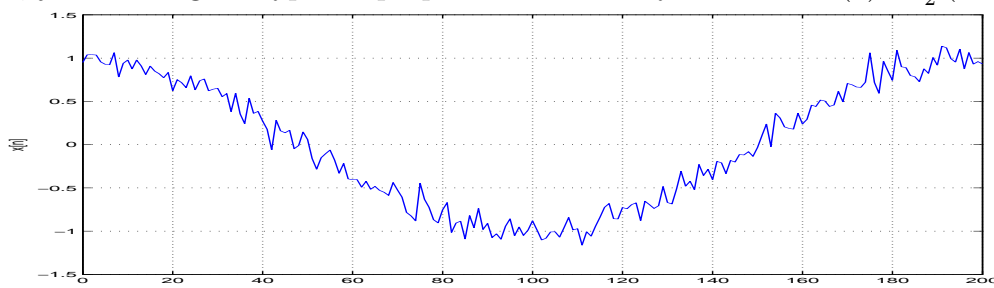
```
float filtr_zkouska (float x) {
```

```
}
```

**Příklad 9** Určete polohu (normovaná kruhová frekvence v intervalu  $[0, \pi]$ ) a hodnotu maxima modulu frekvenční charakteristiky číslicového filtru s přenosovou funkcí  $H(z) = \frac{1}{1-0.5z^{-1}}$

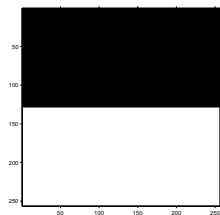
$\omega_{max} = \dots\dots\dots$  rad,  $|H(e^{j\omega})|_{max} = \dots\dots\dots$

**Příklad 10** Na obrázku je signál s diskretním časem: jedna perioda zašuměné cosinusovky. Nakreslete do téhož obrázku, jak bude signál vypadat po průchodu číslicovým filtrem  $H(z) = \frac{1}{2}(1 - z^{-1})$





**Příklad 16** Obrázek  $x[k, l]$  má 256x256 pixelů. Uveďte, které z modulů jeho prvních 4 koeficientů 2D-DFT:  $X[0, 0]$ ,  $X[0, 1]$ ,  $X[1, 0]$ ,  $X[1, 1]$  jsou kladné (značkou '+'), a které nulové (značkou '0').



$X[m, n]$ :

$m \downarrow n \rightarrow$	0	1
0		
1		

**Příklad 17** Funkce hustoty rozdělení pravděpodobnosti stacionárního náhodného signálu s diskretním časem je:  $p(x) = \begin{cases} 0.5 & \text{pro } x \in [4, 6] \\ 0 & \text{jinde} \end{cases}$   
 Určete střední výkon tohoto signálu.

$P_s = \dots\dots\dots$

**Příklad 18** Distribuční funkce stacionárního náhodného signálu je definována jako

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{pro } x < 0 \\ \frac{x}{2} & \text{pro } x \in [0, 2] \\ 1 & \text{pro } x > 2 \end{cases}$$

Napište nebo nakreslete funkci hustoty rozdělení pravděpodobnosti  $p(x)$  odpovídající této distribuční funkci.

výsledek

**Příklad 19** Na  $\Omega = 4000$  realizacích náhodného procesu byla naměřena tato tabulka (dvourozměrný histogram) hodnot mezi časy  $n_1$  a  $n_2$ :

intervaly $x_1$	intervaly $x_2$			
	[-4, -2]	[-2, 0]	[0, 2]	[2, 4]
[2, 4]	0	0	0	1000
[0, 2]	0	0	1500	0
[-2, 0]	0	1500	0	0
[-4, -2]	0	0	0	0

Spočítejte autokorelační koeficient  $R[n_1, n_2]$ . Pomůcka: Jako reprezentativní hodnoty  $x_1$  a  $x_2$  při numerickém výpočtu integrálu  $R[n_1, n_2] = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} x_1 x_2 p(x_1, x_2, n_1, n_2) dx_1 dx_2$  použijte středy intervalů v tabulce.

$R[n_1, n_2] = \dots\dots\dots$

**Příklad 20** Kvantizační hladiny kvantizéru jsou lichá čísla:  $\dots, -11, -9, -7, -5, -3, -1, 1, 3, 5, 7, 9, 11, \dots$ . Kvantování probíhá standardně zaokrouhlováním na nejbližší hladinu. Do kvantizéru přichází vstupní signál  $x[n]$ , který nabývá pouze dvou hodnot: +100 nebo -100.

Určete poměr signálu k šumu v dB při kvantování tohoto signálu.

SNR= ..... dB