

1 Cíl

Cílem projektu je provést analýzu signálu. Jako vstup použijte dodaný zvukový soubor `xlogin00.wav`, kde “`xlogin00`” je Váš login. Projekt je možno řešit v Matlabu, jazyce C nebo v libovolném jiném programovacím nebo skriptovacím jazyce. Je možné použít libovolné knihovny. Projekt se nezaměřuje na “krásu programování”, není tedy nutné mít vše úhledně zabalené do okomentovaných funkcí, atd. – např. soubor v Matlabu, ze kterého copy-pastujete příkazy do příkazové řádky, naprosto stačí. Důležitý je výsledek.

2 Odevzdání projektu

bude probíhat do informačního systému WIS ve dvou souborech:

1. `xlogin00.pdf` (kde “`xlogin00`” je Váš login) je protokol s řešením.
 - V záhlaví prosím uveďte své jméno, příjmení a login.
 - Pak budou následovat odpovědi na jednotlivé otázky — obrázky, numerické hodnoty, komentáře.
 - U každé otázky uveďte stručný postup - může se jednat o kousek okomentovaného kódu, komentovanou rovnici nebo text. Není nutné kopírovat do protokolu celý zdrojový kód. Není nutné opisovat zadání či teorii, soustřeďte se přímo na řešení.
 - Pokud využijete zdroje mimo standardních materiálů (přednášky, cvičení a studijní etapa projektu ISS), prosím uveďte je.
 - Protokol je možné psát v libovolném systému (MS-Word, Libre Office, Latex), můžete jej psát dokonce i čitelně rukou, dolepit do něj obrázky a pak oskenovat. Protokol může být česky, slovensky nebo anglicky.
 - Doporučená délka protokolu je max. 2 strany, případně 3, pokud se rozhodnete řešit bonusový úkol.
2. soubor s Vašimi zdrojovými kódy.
 - Může se jednat o jeden soubor (např. `moje_reseni.m`) nebo o ZIP archiv, pokud budete mít souborů více. Do tohoto souboru není třeba přikládat vygenerované obrázky, ty uvidíme v protokolu.
 - Projekt je **samostatná práce**, proto budou Vaše zdrojové texty křížově korelovány a v případě silné podobnosti budou vyvozeny příslušné závěry.

3 Zadání

1. [0.5 bodu] Načtěte Váš osobní signál ze souboru `xlogin00.wav`, kde “`xlogin00`” je Váš login. Napište vzorkovací frekvenci signálu a jeho délku ve vzorcích a v sekundách.
2. [1 bod] Vypočítejte spektrum signálu pomocí diskrétní Fourierovy transformace. Do protokolu vložte obrázek modulu spektra v závislosti na frekvenci. Frekvenční osa musí být v Hz a pouze od 0 do poloviny vzorkovací frekvence.
3. [1 bod] Určete a napište, na které frekvenci v Hz je maximum modulu spektra.
4. [1 bod] Pro další zpracování je dán IIR filtr s následujícími koeficienty:
 $b_0 = 0.2324, \quad b_1 = -0.4112, \quad b_2 = 0.2324, \quad a_1 = 0.2289, \quad a_2 = 0.4662$

Do protokolu vložte obrázek s nulami a póly přenosové funkce tohoto filtru a uveďte, zda je filtr stabilní.

5. [1 bod] Do protokolu vložte obrázek s modulem kmitočtové charakteristiky tohoto filtru (frekvenční osa musí být v Hz a pouze od 0 do poloviny vzorkovací frekvence) a uveďte, jakého je filtr typu (dolní propust / horní propust / pásmová propust / pásmová zádrž).
6. [1 bod] Filtrujte načtený signál tímto filtrem. Z výsledného signálu vypočítejte spektrum signálu pomocí diskrétní Fourierovy transformace. Do protokolu vložte obrázek modulu spektra v závislosti na frekvenci. Frekvenční osa musí být v Hz a pouze od 0 do poloviny vzorkovací frekvence.
7. [1 bod] Určete a napište, na které frekvenci v Hz je maximum modulu spektra filtrovaného signálu.
8. [1 bod] **V tomto a dalším cvičeních budete pracovat s původním signálem, ne s filtrovaným.**

Do signálu bylo přimícháno 20 ms obdélníkových impulsů se střední hodnotou nula a střídou 50% na frekvenci 2 kHz. Tedy 40 sekvencí $[h \ h \ h \ h \ -h \ -h \ -h \ -h]$ (kde h je kladné číslo) za sebou.

Najděte, kde jsou – napište čas ve vzorcích a v sekundách.

Pomůcka: pokud netušíte, jak na to, uvažte např. přizpůsobený filtr, výrobu spektra této sekvence a jeho hledání ve spektru signálu rozděleného po 20ti ms, poslech, atd. Cílem není matematická čistota, ale vyřešení úkolu.

9. [1 bod] Spočítejte a do protokolu vložte obrázek autokorelačních koeficientů $R[k]$ pro $k \in -50 \dots 50$. Použijte vychýlený odhad koeficientů podle vztahu

$$R[k] = \frac{1}{N} \sum_n x[n]x[n+k].$$

10. [0.5 bodu] Napište hodnotu koeficientu $R[10]$.
11. [1 bod] Proveďte časový odhad sdružené funkce hustoty rozdělení pravděpodobnosti $p(x_1, x_2, 10)$ mezi vzorky n a $n + 10$. Do protokolu vložte 3-D obrázek těchto hodnot. Můžete použít barevnou mapu, odstíny šedi, projekci 3D do 2D, jak chcete. Chcete-li, můžete využít dodanou funkci `hist2opt.m`.
12. [1 bod] Ověřte, že se jedná o správnou sdruženou funkci hustoty rozdělení pravděpodobnosti, tedy že

$$\int_{x_1} \int_{x_2} p(x_1, x_2, 10) dx_1 dx_2 = 1$$

13. [1 bod] Vypočítejte z této odhadnuté funkce hustoty rozdělení pravděpodobnosti autokorelační koeficient $R[10]$:

$$R[10] = \int_{x_1} \int_{x_2} x_1 x_2 p(x_1, x_2, 10) dx_1 dx_2$$

Srovnajte s hodnotou vypočítanou v příkladu 10 a komentujte výsledek.

Bonusový úkol - nepovinný, není hodnocen body, ale nejzajímavější řešení vyhraje láhev dobrého francouzského červeného vína.

Navrhněte prediktor (předpovídač), který dokáže určit hodnotu vzorku $x[n]$ z hodnot několika (K) předcházejících vzorků: $x[n-K]$, $x[n-K+1]$, \dots , $x[n-2]$, $x[n-1]$. Navrhněte také metodu, která dovolí určit kvalitu takového prediktoru. Určete nejlepší možný prediktor pro Váš signál a vyhodnoťte jeho kvalitu.

Důležitý je opět pouze výsledek, takže můžete odvozovat, vyhledat a použít hotové odvozené řešení, použít libovolnou techniku strojového učení, atd.