

Rekurze, vyhledávání a řazení

IZP-cv09

Ing. Jakub Husa

Vysoké Učení Technické v Brně, Fakulta informačních technologií
Božetěchova 1/2. 612 66 Brno - Královo Pole
ihusa@fit.vut.cz



29. listopadu 2023

Rekurze

Rekurze je programovací technika při které funkce volá sebe sama:

```
1 void foo(int n)           //rekurzivni funkce s ukoncujiaci podminkou
2 {
3     printf("%i\n", n); //funkce vypisuje hodnotu "N"
4     if (n > 0)          //pokud N neni nula (ukoncujiaci podminka)
5         foo(n-1);       //funcke vola sebe sama pro "N-1"
6     printf("%i\n", n); //funkce vypisuje hodnotu "N"
7 }
```

Rekurzivní volání vždy musí mít nějakou **ukončovací podmínku**:

- Při každém volání na zásobníku vytváří nová kopie parametrů funkce a nekonečná rekurze tedy vždy **havaruje** na nedostatek paměti!

```
8 void bar(int n)           //rekurzivni funkce bez ukoncujiaci podminky
9 {
10    printf("%i\n", n); //funkce vypisuje hodnotu "N"
11    bar(n+1);           //CHYBA -- cca po 65000 volanich rekuze havaruje
12    printf("%i\n", n); //a tento radek se nikdy neprovede
13 }
```

Rekurzi používáme pro řešení rekurzivně definovatelných problémů:

- Například – výpočet **faktoriálu** definovaného rovnicí:

$$0! = 1$$

$$n! = n * (n - 1)!$$

```

1  int faktorialRekurzi(int n)
2  {
3      if (n == 0)                //pokud pocitame faktorial nuly
4          return 1;             //vysledek je jedna
5      return n * faktorialRekurzi(n-1); //jinak vracime rekuzi
6  }
```

Jednoduché rekurzivní problémy můžeme řešit také pomocí cyklu:

```

7  int faktorialCyklem(int n)
8  {
9      if (n == 0)                //pokud pocitame faktorial nuly
10         return 1;             //vysledek je jedna
11     int x = 1;                 //jinak cislo jedna
12     for (int i = 1; i <= n; i++) //budeme postupne nasobit
13         x = x * i;             //vsemi hodnotami od 1 do N
14     return x;                  //a vratime vysledny nasobek
15 }
```

Vyzkoušejte si:

- Implementujte funkce `fibRek` a `fibCyk` které spočítají hodnotu `n-tého` členu `Fibonacciho posloupnosti` definované rovnicí:

$$\begin{aligned} \text{fib}(0) &= 0 & \text{fib}(1) &= 1 \\ \text{fib}(n) &= \text{fib}(n - 1) + \text{fib}(n - 2) \end{aligned}$$

```
1 int fibRek(int n);  
2 int fibCyk(int n);
```

- Funkce `fibRek` pro výpočet použije rekurzi, `fibCyk` pro výpočet použije cyklus.
- Ve funkci `main` načtete celé číslo, obě funkce zavolejte, a vypište výsledek.
- Posloupnost čísel je: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, 233, 377, 610, ...

Například:

- (2) => `fibRek(2) = 1`
=> `fibCyk(2) = 1`
- (4) => `fibRek(4) = 3`
=> `fibCyk(4) = 3`
- (10) => `fibRek(10) = 55`
=> `fibCyk(10) = 55`

Vyhledávání

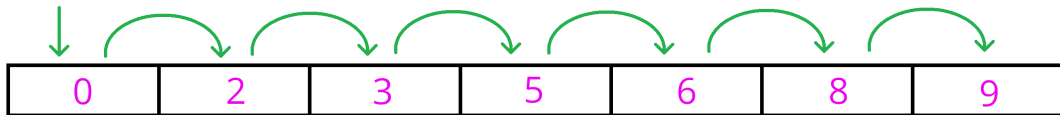
U algoritmů nás zajímá jejich **časová** (nebo **paměťová**) **asymptotická složitost**:

- Udává **maximální** počet kroků potřebných pro zpracování **n** položek.
- Více se o složitosti algoritmů budete učit ve třetím semestru, v předmětu **IAL**.

Například – **sekvenční vyhledávání** prvku v poli má **lineární** časovou složitost **O(n)**:

- Algoritmus projde přes všechny prvky pole a porovná je s hledanou hodnotu.
- Prohledat **1 000 000** prvků zabere **1 000 000** kroků.

```
1 int sekvenčniVyhledavani(int delka, int pole[], int cislo)
2 {
3     for(int i = 0; i < delka; i++) //prochazime vsemi prvky pole
4         if (cislo == pole[i])      //pokud najdeme hledany prvek
5             return i;              //vratice jeho index
6     return -1;                     //pokud jsme prvek nenasli vracime -1
7 }
```

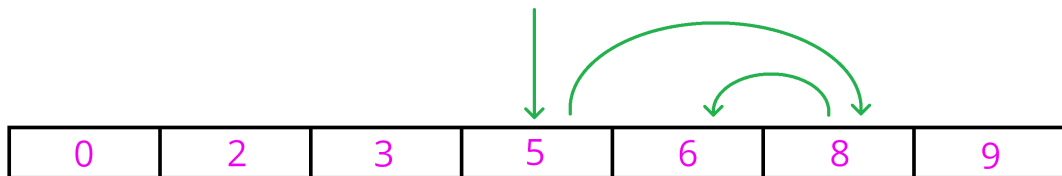


Pokud je pole **seřazené** můžeme použít algoritmus **binárního vyhledávání**:

- Binární vyhledávání začíná **prostředním** prvkem pole.
- Pokud jsme našli hledaný prvek, algoritmus vrátí jeho index.
- Pokud už se pole nedá znovu rozpůlit, tak prvek v poli není.
- Pokud jsme hledaný prvek nenašli, algoritmus pokračuje prostředním prvkem **levé** nebo **pravé** poloviny zbytku pole.

Binární vyhledávání má **logaritmickou** časovou složitost $O(\log(n))$:

- Prohledat **1 000 000** prvků zabere pouze **20** kroků!



Vyzkoušejte si:

- Napište funkci `hledej` která implementuje `binární vyhledávání` pomocí rekurze.

```
1 int hledej(int zacatek, int konec, int pole[], int cislo);
```

- Parametry `zacatek` a `konec` jsou první a poslední aktuálně prohledávaný index, `pole` je prohledávané pole a `cislo` je číslo které se v něm snažíme najít.
- Návratovou hodnotou je index na kterém bylo hledané číslo nalezeno nebo hodnota `-1` pokud číslo v poli není.
- Ve funkci `main` si vytvořte seřazené pole sedmi `celých čísel`, zavolejte funkci `hledej`, a vypište její výsledek.

Například:

- `((0, 2, 3, 5, 6, 8, 9), 0) =>` číslo `0` nalezeno na indexu `0`
- `((0, 2, 3, 5, 6, 8, 9), 3) =>` číslo `3` nalezeno na indexu `2`
- `((0, 2, 3, 5, 6, 8, 9), 4) =>` číslo `4` nenalezeno

Řazení

Pro řazení prvků existuje mnoho algoritmů s různými vlastnostmi:

- Pomalé řadící algoritmy ([Bubble-sort](#), [Select-sort](#), [Insert-sort](#), ...) používají **dvojitý cyklus**, mají **kvadratickou** časovou složitost $O(n^2)$, a seřadit **1000** prvků jim zabere **1 000 000** kroků.
- Rychlé řadící algoritmy ([Quick-sort](#), [Merge-sort](#), [Heap-sort](#), ...) používají **rekurzi a cyklus**, mají **linearitmickou** časovou složitost $O(n * \log(n))$, a seřadit **1000** prvků jim zabere jen **10 000** kroků

Například – implementace algoritmu **bublínkového řazení** celých čísel:

```
1 void bubbleSort(int delka, int pole[]) //bublínkové řazení
2 {
3     for(int i = 0; i < delka; i++) //pro každý prvek
4         for(int j = 0; j < delka-1; j++) //projdi všechny prvky
5             if(pole[j] > pole[j+1]) //pokud jsou dva sousední
6                 { //prvky ve špatném pořadí
7                     int temp = pole[j]; //vymění jejich hodnoty
8                     pole[j] = pole[j+1];
9                     pole[j+1] = temp;
10                }
11 }
```

Vyzkoušejte si:

- Implementujte následující funkce pro práci s osobami:

```
1 int porovnej(osoba A, osoba B);
2 void vymen(osoba* A, osoba* B);
3 int nejmensi(int delka, osoba pole[]);
4 void serad(int delka, osoba pole[]);
```

- porovnej** porovná **jména** dvou osob a pokud jsou stejná tak porovná jejich **věk**. Pokud je první osoba větší tak funkce vrátí **kladné číslo**, pokud je první osoba menší tak vrátí **záporné číslo**, pokud jsou obě osoby stejné tak vrátí **nulu**.
- vymen** spolu dvě osoby vzájemně vymění.
- nejmensi** vrátí **index** osoby s nejmenší hodnotou (dle funkce **porovnej**).
- serad** pole osob seřadí, například algoritmem **Selection-sort** nebo **Bubble-sort**.

```
5 (Bob 23) (Cecil 23) (Bob 22) (Alice 24) (Daniela 21)
6 Ruzna jmena      (0,1) OK
7 Ruzny vek       (0,2) OK
8 (Daniela 21) (Cecil 23) (Bob 22) (Alice 24) (Bob 23)
9 Vymena osob     (0,4) OK
10 Nejmensi osoba (3) OK
11 (Alice 24) (Bob 22) (Bob 23) (Cecil 23) (Daniela 21)
```

```
1 typedef struct Sosoba //deklarujeme datovy typ pro strukturu
2 { //jmenem "Sosoba" se dvema polozkami
3     char jmeno[10]; //pole znaku jmenem "jmeno"
4     int vek; //cele cislo jmenem "vek"
5 } osoba; //jmeno tohoto typu je "osoba"
6
7 void vypis(int delka, osoba pole[]); //deklarace funkce "vypis"
8 int porovnej(osoba A, osoba B); //deklarace funkce "porovnej"
9 void vymen(osoba* A, osoba* B); //deklarace funkce "vymen"
10 int nejmensi(int delka, osoba pole[]); //deklarace funkce "nejmensi"
11 void serad(int delka, osoba pole[]); //deklarace funkce "serad"
12
13 void vypis(int delka, osoba pole[]) //definice funkce "vypis"
14 {
15     for(int i = 0; i < delka; i++) //pro vsechny prvky pole
16     {
17         printf("(%s %i) ", pole[i].jmeno, pole[i].vek); //vypis
18     } //jmeno a vek vseh osob, oddelene mezerami
19     printf("\n"); //vypis konec radku
20 }
```

```
1  int main()
2  {
3      osoba pole[5] = {"Bob", 23},      //osoba 0
4                      {"Cecil", 23},   //osoba 1
5                      {"Bob", 22},     //osoba 2
6                      {"Alice", 24},   //osoba 3
7                      {"Daniela",21}}; //osoba 4
8
9      vypis(5, pole);
10     if (porovnej(pole[0], pole[1])<0) printf("Ruzna jmena      (0,1) OK\n");
11     if (porovnej(pole[0], pole[2])>0) printf("Ruzny vek        (0,2) OK\n");
12
13     vymen(&pole[0], &pole[4]);
14     vypis(5, pole);
15     if (porovnej(pole[0], pole[4])>0) printf("Vymena   osob   (0,4) OK\n");
16     if (nejmensi(5, pole) == 3)      printf("Nejmensi osoba (3)   OK\n");
17
18     serad(5, pole);
19     vypis(5, pole);
20     return 0;
21 }
```